Mathématiques - 3eme

Correction de l'Evaluation n°1

version A

Exercice 1

- 1. voir votre leçon
- 2.

- (a) 78 m = 0.078 km
- **(b)** $2700 \text{ cm} = \boxed{27 \text{ m}}$
- (c) $128\,000 \text{ cm}^2 = \boxed{12.8 \text{ m}^2}$
- (d) $0.7 \text{ m}^2 = 70 \text{ dm}^2$
- (e) $0.05 \text{ m}^3 = \boxed{50\,000 \text{ cm}^3}$
- (f) $6300 \text{ dm}^3 = 6.3 \text{ m}^3$
- (g) $700 \text{ L} = 0.7 \text{ m}^3$
- (h) $112 \text{ m}^3 = \boxed{112\,000 \text{ L}}$

Exercice 2

1. Bougie cylindrique :

$$r = 6 \div 2 = 3 \ cm \ \text{et} \ h = 6 \ cm$$

donc $V_{\text{cylindre}} = A_{base} \times h = \pi r^2 h = \pi \times 3^2 \times 6 = 54\pi \approx 169.6 \ cm^3$.

Une bougie cylindrique a donc un volume d'environ 169,6 cm³.

2. Bougie en pavé droit :

$$V_{\text{pav\'e}} = L \times l \times h = 3 \times 3 \times 7 = 63 \ cm^3$$
.

Une bougie en pavé droit a donc un volume de 63 cm³.

3.

$$\begin{split} V_{\text{total}} &= 300 \times V_{\text{cylindre}} + 250 \times V_{\text{pav\'e}} \\ &= 300 \times 169, 6 + 250 \times 63 \\ &= 66 \ 630 \ cm^3 \\ &= 66, 63 \ dm^3 \\ &= 66, 63 \ L \end{split}$$

Cet artisan a donc besoin de 66,63 L de cire.

Exercice 3

On donne AB = 7 m et AF = 3 m.

1.
$$A_{\text{trapeze}} = A_{\text{rectangle}} + A_{\text{triangle}} = L \times l + \frac{a \times b}{2} = 7 \times 0, 8 + \frac{7 \times (2 - 0, 8)}{2} = 5, 6 + 4, 2 = \boxed{9.8 \text{ m}^2}$$

Le trapèze a donc bien une aire de 9,8 m².

2.
$$V_{\text{piscine}} = A_{\text{base}} \times \mathbf{h} = A_{\text{trapèze}} \times AF = 9.8 \times 3 = \boxed{29.4 \text{ m}^3} = \boxed{29400 \text{ L}}$$

3. Débit : 1 m³ en 1 heure.

Le temps pour $29,4~\mathrm{m}^3$ est donc de 29,4 h :

$$29, 4 \ h = 29 \ h + 0, 4 \ h = 29 \ h + 0, 4 \times 60 \ \text{min} = \boxed{29 \ \text{h} \ 24 \ \text{min}}$$

Il faudra donc 29 heures et 24 minutes pour remplir cette piscine.

Exercice 4

Distance d = 17 km.

1. 6 h 23 – 5 h 45 = 0 h 38 min soit t = 38 min = $\frac{38}{60}$ h $\approx 0,633$ h. $v = \frac{d}{t} = \frac{17}{0,633} \approx 27$ km/h (arrondi à l'unité).

La vitesse de ce catamaran est donc d'environ 27 km/h.

2.
$$t = \frac{d}{v} = \frac{17}{20} = 0.85 \text{ h} = 0.85 \times 60 \text{ min} = 51 \text{ min}.$$

6 h 00 + 51 min = 6 h 51 min Ce ferry arrivera donc à 6 h 51 h

version B

Exercice 1

- 1. voir votre leçon
- 2.

(a)
$$9500 \text{ cm} = 95 \text{ m}$$

(b)
$$230 \text{ m} = \boxed{0.23 \text{ km}}$$

(c)
$$7.2 \text{ m}^2 = \boxed{720 \text{ dm}^2}$$

(d)
$$750\,000\,\mathrm{cm}^2 = 75\,\mathrm{m}^2$$

(e)
$$1500 \text{ dm}^3 = \boxed{1.5 \text{ m}^3}$$

(f)
$$4.8 \text{ m}^3 = \boxed{4800000 \text{ cm}^3}$$

(g)
$$0.6 \text{ m}^3 = \boxed{600 \text{ L}}$$

(h)
$$2500 \text{ L} = 2.5 \text{ m}^3$$

Exercice 2

1. Bougie en pavé droit :

$$V_{\rm pav\acute{e}} = L \times l \times h = 3 \times 3 \times 7 = 63~cm^3.$$

Une bougie en pavé droit a donc un volume de 63 cm³.

2. Bougie cylindrique :

$$r$$
 = $6 \div 2$ = $3~cm$ et h = $6~cm$

donc
$$V_{\text{cylindre}} = A_{base} \times h = \pi r^2 h = \pi \times 3^2 \times 6 = 54\pi \approx 169,6 \ cm^3$$
.

Une bougie cylindrique a donc un volume d'environ 169,6 cm³.

$$\begin{split} V_{\text{total}} &= 150 \times V_{\text{cylindre}} + 200 \times V_{\text{pav\'e}} \\ &= 150 \times 169, 6 + 200 \times 63 \\ &= 38~040~cm^3 \\ &= 38,04~dm^3 \\ &= 38,04~L \end{split}$$

Cet artisan a donc besoin de 38,04 L de cire.

Exercice 3

On donne AB = 7 m et AF = 3 m.

1.
$$A_{\text{trapeze}} = A_{\text{rectangle}} + A_{\text{triangle}} = L \times l + \frac{a \times b}{2} = 7 \times 0, 8 + \frac{7 \times (2 - 0, 8)}{2} = 5, 6 + 4, 2 = \boxed{9.8 \text{ m}^2}$$
. Le trapèze a donc bien une aire de 9,8 m².

2.
$$V_{\text{piscine}} = A_{\text{base}} \times \mathbf{h} = A_{\text{trapèze}} \times AF = 9.8 \times 3 = \boxed{29.4 \text{ m}^3} = \boxed{29400 \text{ L}}.$$

3. Débit : 1 m^3 en 1 heure. Le temps pour 29.4 m^3 est donc de 29,4 h : $29.4 h = 29 h + 0.4 h = 29 h + 0.4 \times 60 \text{ min} = 29 h + 24 \text{ min}$. Il faudra donc 29 heures et 24 minutes pour remplir cette piscine.

Exercice 4

Distance d = 13 km.

1.
$$6 \text{ h } 13 - 5 \text{ h } 45 = 0 \text{ h } 28 \text{ min soit } t = 28 \text{ min } = \frac{28}{60} \text{ h} \approx 0,467 \text{ h}.$$
 $v = \frac{d}{t} = \frac{13}{0,467} \approx 28 \text{ km/h (arrondi à l'unité)}.$

La vitesse de ce catamaran est donc d'environ 28 km/h

2.
$$t = \frac{d}{v} = \frac{13}{20} = 0,65 \text{ h} = 0,65 \times 60 \text{ min} = 39 \text{ min}.$$

6 h $00 + 39 \text{ min} = 6 \text{ h} 39 \text{ min}$ Ce ferry arrivera donc à 6 h 39.