

Exercice 1 On considère la situation ci-contre.

1. Calculer une valeur approchée au degré près de l'angle \widehat{BDC} .

2. Le triangle BAC est-il rectangle en B ?

1. Dans le triangle CBD rectangle en C:

$$\begin{aligned}\tan \widehat{CBD} &= \frac{CD}{BC} \\ &= \frac{6}{40}\end{aligned}$$

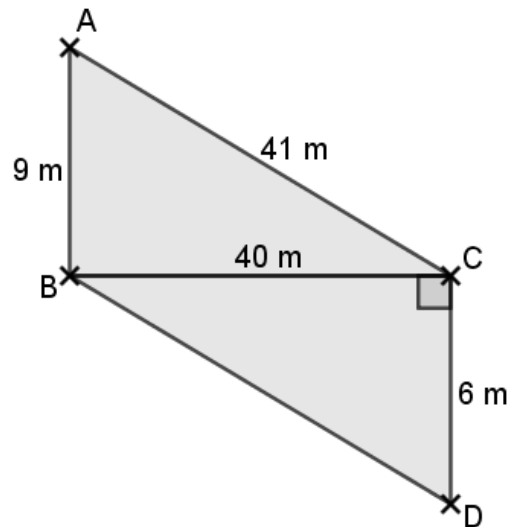
Donc : $\widehat{CBD} \approx 9^\circ$.

2. Dans le triangle ABC :

$$\begin{aligned}BC^2 + AB^2 &= 40^2 + 9^2 & \text{et} & & AC^2 &= 41^2 \\ &= 1\,600 + 81 & & & &= 1\,681 \\ &= 1\,681\end{aligned}$$

Donc : $AC^2 = BC^2 + AB^2$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore, ABC est rectangle en B.



Exercice 2 On considère la situation ci-contre. (Unité de longueur : cm)

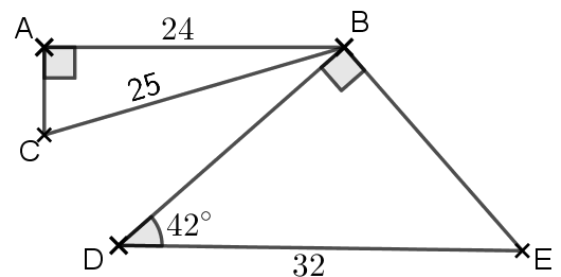
a) Déterminer la longueur AC.

b) Déterminer la longueur BE. Arrondir à l'unité.

a) Dans le triangle ABC rectangle en A, d'après le théorème de

$$\begin{aligned}\text{Pythagore: } AC^2 &= BC^2 - AB^2 \\ &= 25^2 - 24^2 \\ &= 625 - 576 \\ &= 49\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Donc : } AC &= \sqrt{49} \\ &= 7 \text{ cm}\end{aligned}$$



b) Dans le triangle BDE rectangle en B :

$$\sin \widehat{BDE} = \frac{BE}{DE}$$

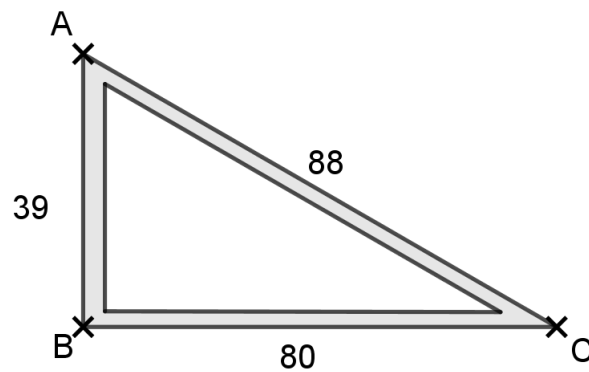
$$\frac{\sin 42}{1} = \frac{BE}{32}$$

$$\text{Donc : } BE = 32 \times \sin 42 \div 1$$

$$\approx 21 \text{ cm.}$$

Exercice 3 Un menuisier a décidé de se fabriquer une grande équerre afin de vérifier la qualité de ses meubles. Les dimensions dans le schéma ci-dessous sont exprimées en cm.

Le menuisier a-t-il réalisé une équerre parfaite avec un bel angle droit en B ?



Dans le triangle ABC :

$$\begin{aligned} AC^2 &= 88^2 & \text{et} & & AB^2 + BC^2 &= 39^2 + 80^2 \\ &= 7\,744 & & & &= 1\,521 + 6\,400 \\ & & & & &= 7\,921 \end{aligned}$$

$$\text{Donc : } AC^2 \neq AB^2 + BC^2$$

D'après la contraposée du théorème de Pythagore, ABC n'est pas rectangle en B.

Le menuisier n'a pas réalisé une équerre parfaite.

Exercice 1 On considère la situation ci-contre.

a) Déterminer la longueur CE. Arrondir à l'unité.

b) Déterminer la longueur AB.

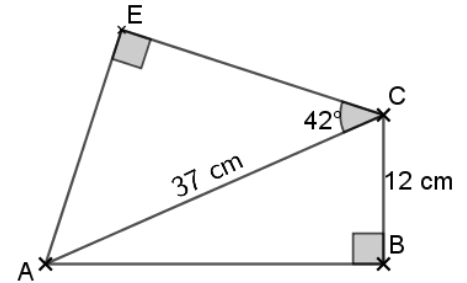
Dans le triangle ACE rectangle en E:

$$\cos \widehat{ECA} = \frac{CE}{CA}$$

$$\frac{\cos 42}{1} = \frac{CE}{37}$$

$$\text{Donc : } CE = 37 \times (\cos 42) \div 1$$

$$\approx 27 \text{ cm.}$$



Dans le triangle ABC rectangle en B, d'après le théorème de Pythagore:

$$AB^2 = AC^2 - BC^2$$

$$= 37^2 - 12^2$$

$$= 1\,369 - 144$$

$$= 1\,225$$

$$\text{Donc : } AB = 35 \text{ cm.}$$

Exercice 2 On considère la situation ci-contre.

a) Calculer une valeur approchée au degré près de l'angle \widehat{EFB} .

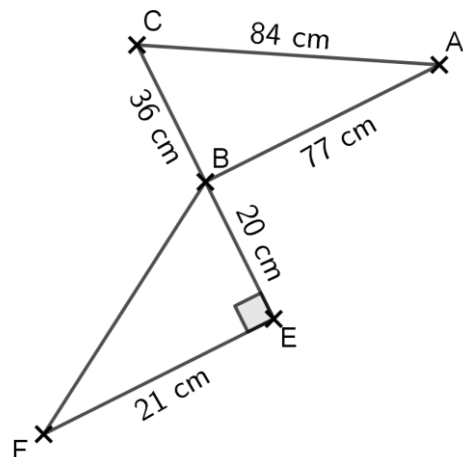
b) Le triangle ABC est-il rectangle en B ?

Dans le triangle BEF rectangle en E:

$$\tan \widehat{EFB} = \frac{BE}{EF}$$

$$= \frac{20}{21}$$

$$\text{Donc } \widehat{EFB} \approx 44^\circ$$

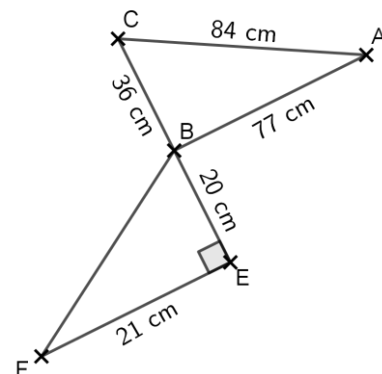


b) Dans le triangle ABC :

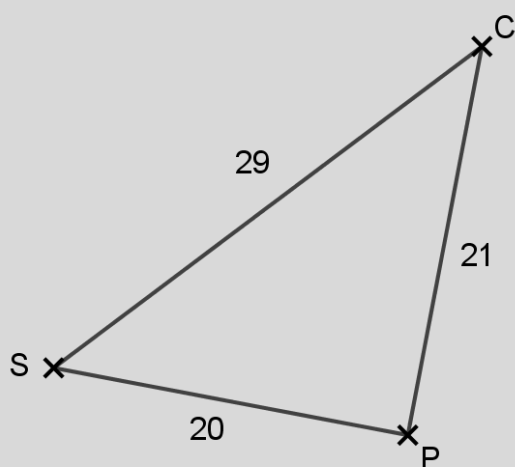
$$\begin{aligned} AC^2 &= 84^2 & \text{et} & & AB^2 + BC^2 &= 77^2 + 36^2 \\ &= 7\,056 & & & &= 5\,929 + 1\,296 \\ & & & & &= 7\,225 \end{aligned}$$

Donc : $AC \neq AB^2 + AC^2$

D'après la contraposée du théorème de Pythagore, ABC n'est pas rectangle en B.



Exercice 3 On a représenté simplement la disposition des villes de Saint-Haon-le-Châtel, Charlieu et Perreux. Les distances sont exprimées en km et la figure n'est pas en vraie grandeur.



Les axes St-Haon-le-Châtel-Perreux et Charlieu-Perreux sont ils perpendiculaires ?

Dans le triangle SPC :

$$\begin{aligned} SC^2 &= 29^2 & \text{et} & & SP^2 + PC^2 &= 20^2 + 21^2 \\ &= 841 & & & &= 400 + 441 \\ & & & & &= 841 \end{aligned}$$

Ainsi : $SC^2 = SP^2 + PC^2$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore, SPC est rectangle en P.

Donc les axes St-Haon-le-Châtel-Perreux et Charlieu-Perreux sont perpendiculaires.