

**Exercice 1** On considère la situation ci-contre.

1. Calculer une valeur approchée au degré près de l'angle  $\widehat{BDC}$ .

2. Le triangle  $BAC$  est-il rectangle en  $B$  ?

1. Dans le triangle  $CBD$  rectangle en  $C$ :

$$\tan \widehat{CBD} = \frac{CD}{BC}$$

$$= \frac{6}{40}$$

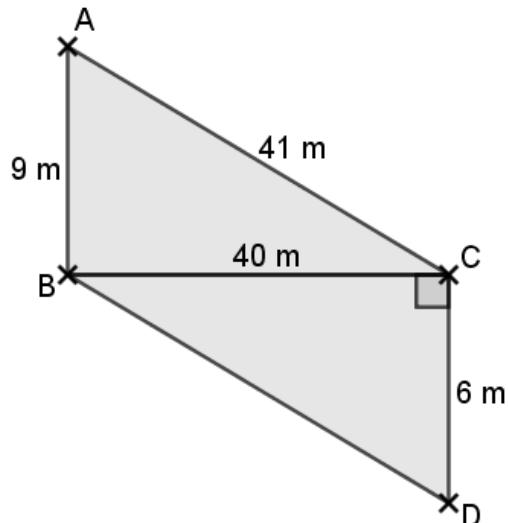
Donc :  $\widehat{CBD} \approx 9^\circ$ .

2. Dans le triangle  $ABC$ :

$$\begin{aligned} BC^2 + AB^2 &= 40^2 + 9^2 & \text{et} & \quad AC^2 = 41^2 \\ &= 1600 + 81 & &= 1681 \\ &= 1681 & & \end{aligned}$$

Donc :  $AC^2 = BC^2 + AB^2$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore,  $ABC$  est rectangle en  $B$ .



**Exercice 2** On considère la situation ci-contre. (Unité de longueur : cm)

a) Déterminer la longueur  $AC$ .

b) Déterminer la longueur  $BE$ . Arrondir à l'unité.

a) Dans le triangle  $ABC$  rectangle en  $A$ , d'après le théorème de

$$\text{Pythagore: } AC^2 = BC^2 - AB^2$$

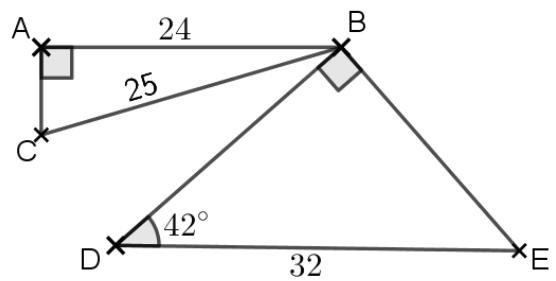
$$= 25^2 - 24^2$$

$$= 625 - 576$$

$$= 49$$

$$\text{Donc: } AC = \sqrt{49}$$

$$= 7 \text{ cm}$$



b) Dans le triangle BDE rectangle en B :

$$\sin \widehat{BDE} = \frac{BE}{DE}$$

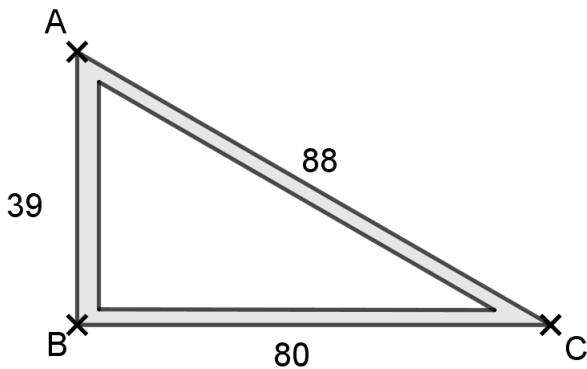
$$\frac{\sin 42}{1} = \frac{BE}{32}$$

Donc :  $BE = 32 \times \sin 42 \div 1$

$\approx 21 \text{ cm.}$

**Exercice 3** Un menuisier a décidé de se fabriquer une grande équerre afin de vérifier la qualité de ses meubles. Les dimensions dans le schéma ci-dessous sont exprimées en cm.

Le menuisier a-t-il réalisé une équerre parfaite avec un bel angle droit en B ?



Dans le triangle ABC :

$$\begin{aligned} AC^2 &= 88^2 & \text{et} & \quad AB^2 + BC^2 = 39^2 + 80^2 \\ &= 7\,744 & &= 1\,521 + 6\,400 \\ & & &= 7\,521 \end{aligned}$$

Donc :  $AC^2 \neq AB^2 + BC^2$

D'après la contraposée du théorème de Pythagore, ABC n'est pas rectangle en B.

Le menuisier n'a pas réalisé une équerre parfaite.

## Corrigé du Contrôle n°2 - Version B

**Exercice 1** On considère la situation ci-contre.

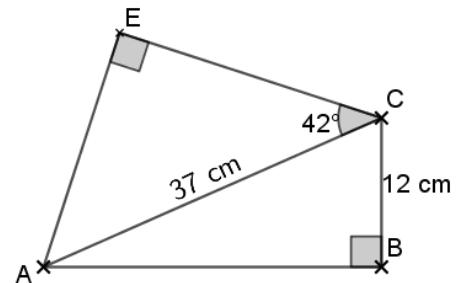
a) Déterminer la longueur  $CE$ . Arrondir à l'unité.

b) Déterminer la longueur  $AB$ .

Dans le triangle  $ACE$  rectangle en  $E$ :

$$\cos \widehat{ECA} = \frac{CE}{CA}$$

$$\frac{\cos 42}{1} = \frac{CE}{37}$$



Donc :  $CE = 37 \times (\cos 42) \div 1$

$$\approx 27 \text{ cm.}$$

Dans le triangle  $ABC$  rectangle en  $B$ , d'après le théorème de Pythagore:

$$AB^2 = AC^2 - BC^2$$

$$= 37^2 - 12^2$$

$$= 1\,369 - 144$$

$$= 1\,225$$

Donc :  $AB = 35 \text{ cm.}$

**Exercice 2** On considère la situation ci-contre.

a) Calculer une valeur approchée au degré près de l'angle  $\widehat{EFB}$ .

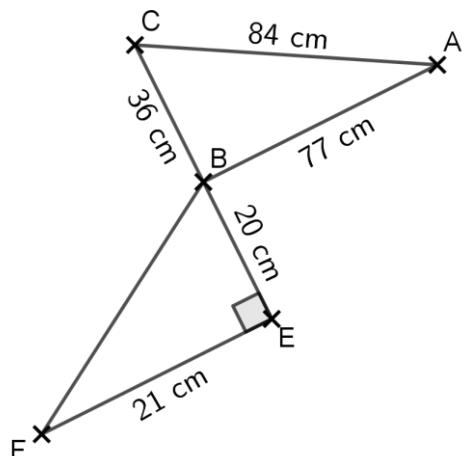
b) Le triangle  $ABC$  est-il rectangle en  $B$  ?

Dans le triangle  $BEF$  rectangle en  $E$ :

$$\tan \widehat{EFB} = \frac{BE}{EF}$$

$$= \frac{20}{21}$$

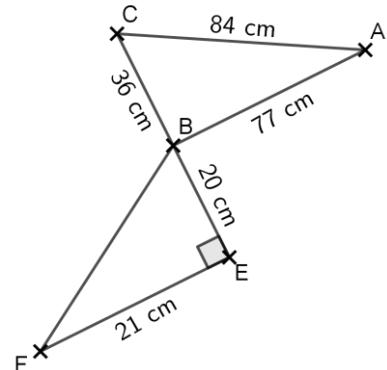
Donc  $\widehat{EFB} \approx 44^\circ$



b) Dans le triangle ABC :

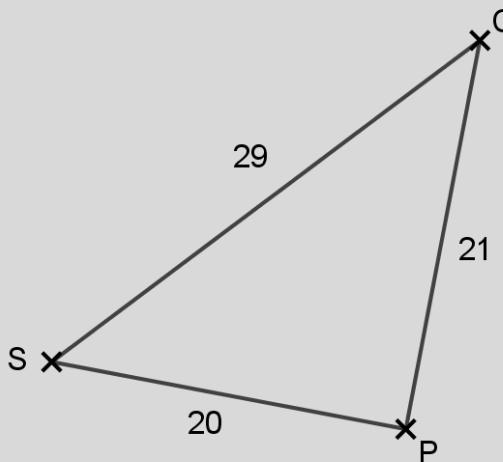
$$\begin{aligned} AC^2 &= 84^2 \quad \text{et} \quad AB^2 + BC^2 = 77^2 + 36^2 \\ &= 7056 \quad = 5929 + 1296 \\ &= 7225 \end{aligned}$$

Donc :  $AC \neq AB^2 + AC^2$



D'après la contraposée du théorème de Pythagore, ABC n'est pas rectangle en B.

**Exercice 3** On a représenté simplement la disposition des villes de Saint-Haon-le-Châtel, Charlieu et Perreux. Les distances sont exprimées en km et la figure n'est pas en vraie grandeur.



Les axes St-Haon-le-Châtel-Perreux et Charlieu-Perreux sont ils perpendiculaires ?

Dans le triangle SPC :

$$\begin{aligned} SC^2 &= 29^2 \quad \text{et} \quad SP^2 + PC^2 = 20^2 + 21^2 \\ &= 841 \quad = 400 + 441 \\ &= 841 \end{aligned}$$

Ainsi :  $SC^2 = SP^2 + PC^2$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore, SPC est rectangle en P.

Donc les axes St-Haon-le-Châtel-Perreux et Charlieu-Perreux sont perpendiculaires.