

Mathématiques

2^{nde} Bac Pro

Mémo

Les probabilités – Fluctuation des fréquences

Vocabulaire

- Une expérience dont on ne peut prévoir le résultat est une expérience aléatoire.
- Les différents résultats de l'expérience s'appellent les issues possibles. Elles constituent l'ensemble appelé univers.
- Le résultat attendu lors d'une expérience aléatoire s'appelle un évènement.
- Un **évènement** est constitué des **issues favorables**.

Exemple



Expérience aléatoire : "Le lancer d'un de à 6 faces"

Issues possibles (univers): 1, 2, 3, 4, 5, 6

Evènement A: "Obtenir un chiffre pair"

Issues favorables: 2, 4, 6

Probabilité d'un événement

Elle peut être calculée lorsque le nombre d'issues favorables peut être connu.

La **probabilité** d'un **évènement A** est le rapport :

$$P(A) = \frac{Nombre \ d'issues \ favorables}{Nombre \ d'issues \ possibles}$$

C'est une valeur comprise entre 0 et 1.

Si P(A) = 0, l'évènement est impossible.

Exemple Le dé à 6 faces

Si **P(A) = 1**, l'évènement est certain.

Evènement A: "Obtenir un chiffre pair"

$$P(A) = \frac{3}{6} = 0.5$$

Equiprobabilité:

Se dit lorsque les issues possibles d'une expérience aléatoire ont la même probabilité d'être obtenues.

Fréquence d'un événement

Pour étudier une expérience aléatoire, on désigne tout d'abord un **échantillon** de taille **n**.

Si l'évènement étudié apparait k fois, alors la fréquence fest donnée par la relation :

$$f=\frac{k}{n}$$

f est un nombre compris entre 0 et 1.

Exemple

On lance 20 fois un dé à 6 faces et on relève la face obtenue à chaque fois :

5 2 2 **5** 3 **5** 2 6 **5** 4 **5 5 5** 1 4 2 2 3 **5** 4

Fréquence de l'évènement "Obtenir la face 5" :

$$f_5 = \frac{8}{20} = 0.4$$
 soit 40%.

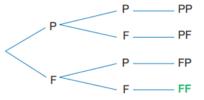
Dénombrement

On lance deux fois de suite une pièce de monnaie. On obtient Pile (P) ou Face (F).

Quelles sont les différentes issues possibles ?

Pour les dénombrer, on peut utiliser un tableau à double entrée ou un arbre des possibilités.

1 ^{er} lancer 2 ^e lancer	Р	F
Р	PP	FP
F	PF	FF



Tableur et applications

Tableurs:

Pour effectuer le tirage équiprobable d'un nombre entier entre a et b : =ALEA.ENTRE.BORNES(a;b)

Applications smartphone:

Application PILE ou FACE Permet de lancer une pièce et d'obtenir pile ou face.



Application DICE Permet de lancer toutes sortes de dés à 6 faces, 8 faces, 20 faces, ...



Application PROBABILITES Permet de simuler des tirages aléatoires de roues, cartes, dés, boules, pièces, ...



Page 1

Mémo Chap 3 - Probabilités